

10. Übungsblatt zur Vorlesung  
**Allgemeine Relativitätstheorie und Kosmologie II**  
im Sommersemester 2005

**Aufgabe 25: Expansion, Rotation, Scherung** (12 Punkte)

a) Zeigen Sie, daß allgemein gilt

$$g^{ab}\Gamma_{ab}^c = -\frac{1}{\sqrt{-g}} (g^{cd}\sqrt{-g})_{,d} . \quad (1)$$

b) Betrachten Sie die anisotrope Metrik

$$ds^2 = dt^2 - e^{2a(t)}dx^2 - e^{2b(t)}dy^2 - e^{2c(t)}dz^2 , \quad (2)$$

wobei  $x, y, z$  mitbewegte Koordinaten für eine Kongruenz von Weltlinien für Galaxien seien. Berechnen Sie hierfür Expansion  $\theta$ , Rotation  $\omega_{ab}$  und Scherung  $\sigma_{ab}$ . Bei der Berechnung von  $\theta$  erweist sich die in a) bewiesene Relation als nützlich.

**Aufgabe 26: Nukleosynthese** (8 Punkte)

- a) Nehmen Sie an, das Universum enthalte sehr viel mehr Neutrinos als Antineutrinos. Wie würde sich das auf die Produktion von Helium-4 und Deuterium auswirken?
- b) Bei der Nukleosynthese im frühen Universum wurde eine gewisse Menge Energie freigesetzt. Nehmen Sie an, daß diese Energie in Form von Photonen abgestrahlt wurde, die später thermalisierten, und schätzen Sie

die hierdurch bewirkte Änderung der Strahlungstemperatur im strahlungsdominierten Universum ab.

Abgabe: Di, 28.6.2005