## 9. Übungsblatt zum Vorkurs Physik

Sommersemester 2009

www.thp.uni-koeln.de/~as/vorkurs09.html

## 1. Polynomdivision

a) Berechnen Sie durch Polynomdivision:

1)  $(x^2-1):(x-1)$  2)  $(x^3-1):(x-1)$  3)  $(x^4-1):(x-1)$ 

b) Wie lautet für beliebiges  $N \in \mathbb{N}$  das Ergebnis der Polynomdivision von

## 2. Gebrochen-rationale Funktionen

a) Berechnen Sie den Definitionsbereich und die Null- und Polstellen folgender gebrochenrationaler Funktion

 $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x^3 - 2x^2 - 4x + 8}$ 

und fertigen Sie vom Graphen eine qualitative Skizze an

b) Führen Sie zu der Funktion

$$g(x) = \frac{3x^2 - 1}{x^3 - x}$$

eine Partialbruchzerlegung durch.

c) Existiert eine (reelle) Partialbruchzerlegung für die Funktion

$$g(x) = \frac{1}{x^2 + 1} \quad ?$$

d) Stellen Sie die Funktion

$$h(x) = \frac{x^3 + 6x^2 + 12x + 5}{x^2 + 3x + 2}$$

in der Form  $h(x) = a(x) + \frac{r(x)}{n(x)}$  dar. Welche Bedeutung hat a(x)?

## 3. Rechenregeln für Logarithmen

a) Beweisen Sie die folgenden Gleichungen unter Verwendung der bekannten Rechenregeln für die Exponentialfunktion  $e^A \cdot e^B = e^{A+B}$  bzw.  $(e^n)^m = e^{n \cdot m}$ :

1)  $\ln(A \cdot B) = \ln(A) + \ln(B)$  2)  $\ln(\frac{A}{B}) = \ln(A) - \ln(B)$  3)  $\ln(A^m) = m \cdot \ln(A)$ 

- b) Zeigen Sie die für einen Basiswechsel des Logarithmus gültige Gleichung

$$\log_a x = \frac{\log_b x}{\log_b a}.$$